

2022-2021

للسنة السادسة

الأعداد الكسرية

7. توحيد المقامات

• المثال الأول

$$\frac{25}{35} = \frac{5 \times 5}{5 \times 7} = \frac{5}{7}, \quad \frac{49}{35} = \frac{7 \times 7}{7 \times 5} = \frac{7}{5}$$

- الجمع : $\frac{71}{35} = \frac{25+49}{35} = \frac{25}{35} + \frac{49}{35} = \frac{5}{7} + \frac{7}{5}$

- المقارنة نعلم أن $1 < \frac{7}{5}$ ولأن البسط أكبر من المقام و $1 > \frac{5}{7}$ لأن البسط أصغر

من المقام وبالتالي $\frac{5}{7} < \frac{7}{5}$

للتأكد بعد توحيد المقامات ، إذ قلنا أكبرهما هو أكبرهما بسطا

$$\frac{5}{7} = \frac{25}{35} < \frac{49}{35} = \frac{7}{5}$$

- الطرح

$$\frac{24}{35} = \frac{25-49}{35} = \frac{25}{35} - \frac{49}{35} = \frac{5}{7} - \frac{7}{5}$$

• المثال الثاني

$\frac{3}{4}$ و $\frac{3}{8}$ نلاحظ أن 8 هي من مضاعفات 4 إذن لا داعي لتوحيد المقامات (أي

ضرب المقامات في بعضهما) ..

$2 = 4 : 8$ ، يكفي أن نضرب 2 في البسط و المقام للعدد الكسري الثاني

$$\frac{6}{8} = \frac{2 \times 3}{2 \times 4} = \frac{3}{4}$$

$$\frac{9}{8} = \frac{6+3}{8} = \frac{6}{8} + \frac{3}{8} = \frac{3}{4} + \frac{3}{8}$$

- المقارنة : هنا نلاحظ أن $1 > \frac{3}{8}$ كذلك $1 > \frac{3}{4}$ نمر لتوحيد المقامات

$$\frac{6}{8} > \frac{3}{8} \quad \text{و} \quad \frac{3}{4} > \frac{3}{8}$$

• المثال الثالث

$$\frac{4}{9} \quad \text{و} \quad \frac{5}{8} \quad \text{و} \quad \frac{5}{7}$$

$$\frac{360}{504} = \frac{9 \times 8 \times 5}{9 \times 8 \times 7} = \frac{5}{7}$$

$$\frac{315}{504} = \frac{9 \times 7 \times 5}{9 \times 7 \times 8} = \frac{5}{8}$$

2022-2021

للسنة السادسة

الأعداد الكسرية

$$\frac{224}{504} = \frac{8 \times 7 \times 4}{8 \times 7 \times 9} = \frac{4}{9} -$$

$$\frac{899}{504} = \frac{224+315+360}{504} = \frac{224}{504} + \frac{315}{504} + \frac{360}{504} = \frac{4}{9} + \frac{5}{8} + \frac{5}{7} : \text{الجمع} -$$

8. الاختزال : الاختزال هو البحث عن العدد الكسري الأصم الموافق للعدد الكسري

مثال

كسر أصم لا يقبل الاختزال

$$\frac{4}{9} = \frac{25:100}{25:225} = \frac{100}{225} -$$

$$\frac{7}{5} = \frac{7:49}{7:35} = \frac{49}{35} -$$

$$\frac{4}{11} = \frac{50:200}{50:550} = \frac{200}{550} -$$

9. تمارين

أ- قارن الأعداد الكسرية التالية

$$\frac{5}{15} \text{ و } \frac{1}{3}, \frac{1}{4} \text{ و } \frac{25}{100}, \frac{16}{17} \text{ و } \frac{15}{17}, \frac{2}{3} \text{ و } \frac{1}{2}, \frac{5}{7} \text{ و } \frac{5}{6}, \frac{3}{4} \text{ و } \frac{4}{3} -$$

ب- أجمع الأعداد الكسرية التالية

$$\frac{7}{2} \text{ و } \frac{2}{7}, \frac{5}{12} \text{ و } \frac{1}{4} \text{ و } \frac{1}{3}, \frac{1}{5} \text{ و } \frac{21}{25}$$

ت- يملك هاني قطعة أرض مستطيلة الشكل غرس ثلثها أشجار زيتون و خمسها أشجار

لوز و ترك المساحة للمرعى

أوجد المساحة المخصصة للمرعى بعدد كسري ؟

ث- اشترت ملاك $\frac{2}{5}$ لفيفة قماش في المرة الأولى ثم اشترت في المرة الثانية $\frac{4}{9}$ اللفيفة

و في المرة الثالثة دفعت 70د و أخذت القطعة المتبقية من اللفيفة

- كم دفعت في المرة الأولى و المرة الثانية ؟

- كم يبلغ طول اللفيفة إذا كان المتر الطولي منها 1.5د

إلى لقاء آخر مع أجمل التحيات



2022-2021

للسنة السادسة

الأعداد الكسرية

1. يتكون العدد الكسري من "بسط" و "مقام" و خط كسري :

$$\frac{\text{البسط}}{\text{المقام}} \leftarrow \text{الخط الكسري} \leftarrow \frac{3}{7}$$

البسط : 3
المقام : 7
نقروه : ثلاثة أسباع

2. قراءة بعض الأعداد الكسرية

ثلث	$\frac{1}{3}$	ثلثين / ثلثي...	$\frac{2}{3}$
خمسين / خمسي...	$\frac{2}{5}$	عشر	$\frac{1}{10}$
سبعة أرباع	$\frac{7}{4}$	خمسة أسباع	$\frac{5}{7}$
ثمانية أضعاف	$\frac{8}{9}$	سبعة أضعاف	$\frac{7}{9}$
خمسة أسداس	$\frac{5}{6}$	ثمن	$\frac{1}{8}$
ثلاثة أرباع	$\frac{3}{4}$	سبعة أثمان	$\frac{7}{8}$
خمسة أثمان	$\frac{5}{8}$	ثمانية أسباع	$\frac{8}{7}$
نصف	$\frac{1}{2}$	إحدى عشرة على خمسة و عشرين	$\frac{11}{25}$

3. مقارنة العدد الكسري مع "1"

- إذا كان البسط أكبر من المقام فالعدد الكسري أكبر من 1
- إذا كان البسط أصغر من المقام فالعدد الكسري أصغر من 1
- أمثلة

البسط أكبر من المقام	البسط أصغر من المقام
$1 < \frac{4}{3}$	$1 > \frac{3}{4}$
$1 < \frac{2022}{2021}$	$1 > \frac{2021}{2022}$

4. مقارنة عدد كسري بعدد كسري آخر

- لهما نفس البسط ، أكبرهما أصغرهما مقاما
- أمثلة

$\frac{4}{7} < \frac{4}{5}$	$\frac{5}{25} < \frac{5}{12}$
$\frac{3}{21} < \frac{3}{8}$	$\frac{17}{50} < \frac{17}{23}$

- لهما نفس المقام ، أكبرهما أكبرهما بسطا
- أمثلة

2022-2021

للسنة السادسة

الأعداد الكسرية

$\frac{1513}{2727} <$	$\frac{13}{25} < \frac{15}{25}$
$\frac{11}{101} < \frac{12}{101}$	$\frac{15}{19} < \frac{17}{19}$

5. تفكيك العدد الكسري

• البسط أكبر من المقام

$$\frac{2}{5} + 1 = \frac{2}{5} + \frac{5}{5} = \frac{2+5}{5} = \frac{7}{5} \text{ ، أو } \frac{1}{5} + \frac{6}{5} = \frac{1+6}{5} = \frac{7}{5} \text{ ، أو } \frac{3}{5} + \frac{4}{5} = \frac{3+4}{5} = \frac{7}{5}$$

يعتبر هذا أفضل تفكيك، إذ نتحصل على عدد صحيح و عدد كسري أصمّ

الكسر الأصمّ هو العدد الكسري الذي لا يقبل الاختزال. كذلك يكون دائما أصغر من 1 عند التفكيك

- للحصول على العدد الصحيح هو البحث عن مضاعف المقام و يكون أصغر مباشرة من البسط
- العدد الكسري حتما يكون $1 >$ لأن البسط أصغر من المقام

- أمثلة أخرى

$$\frac{4}{7} + 3 = \frac{4}{7} + \frac{21}{7} = \frac{25}{7}$$

$$\frac{1}{4} + 7 = \frac{1}{4} + \frac{28}{4} = \frac{29}{4}$$

نلاحظ أن جميع الأعداد الكسرية المتحصل عليها جميعها أصغر من 1 و لا تقبل الاختزال

• البسط أصغر من المقام

$$\frac{3}{7} + \frac{2}{7} = \frac{2+3}{7} = \frac{4}{7} + \frac{1}{7} = \frac{1+4}{7} = \frac{5}{7}$$

6. تركيب الأعداد الكسرية

$$\frac{9}{4} = \frac{5+4}{4} = \frac{5}{4} + \frac{4}{4} = \frac{5}{4} + 1$$

$$\frac{8}{3} = \frac{2+6}{3} = \frac{2}{3} + \frac{6}{3} = \frac{2}{3} + \frac{3 \times 2}{3} = \frac{2}{3} + 2$$

$$\frac{43}{12} = \frac{7+36}{12} = \frac{7}{12} + \frac{36}{12} = \frac{7}{12} + \frac{12 \times 3}{12} = \frac{7}{12} + 3 = \frac{7}{12} + 2 + 1$$

لتركيب الأعداد الكسرية نضرب و نقسم العدد الصحيح المقدم في المقام لنتحصل على عددين كسريين لهما نفس المقام يمكن جمعهما